

Projekt semestralny

Kamil Smardz
Martyna Gabryś
Rafał Antas

2 luty 2017

1. Wstęp

Zadanie polegało na napisaniu programu w Pythonie demonstrującego rzut ukośny z uwzględnieniem siły grawitacji.

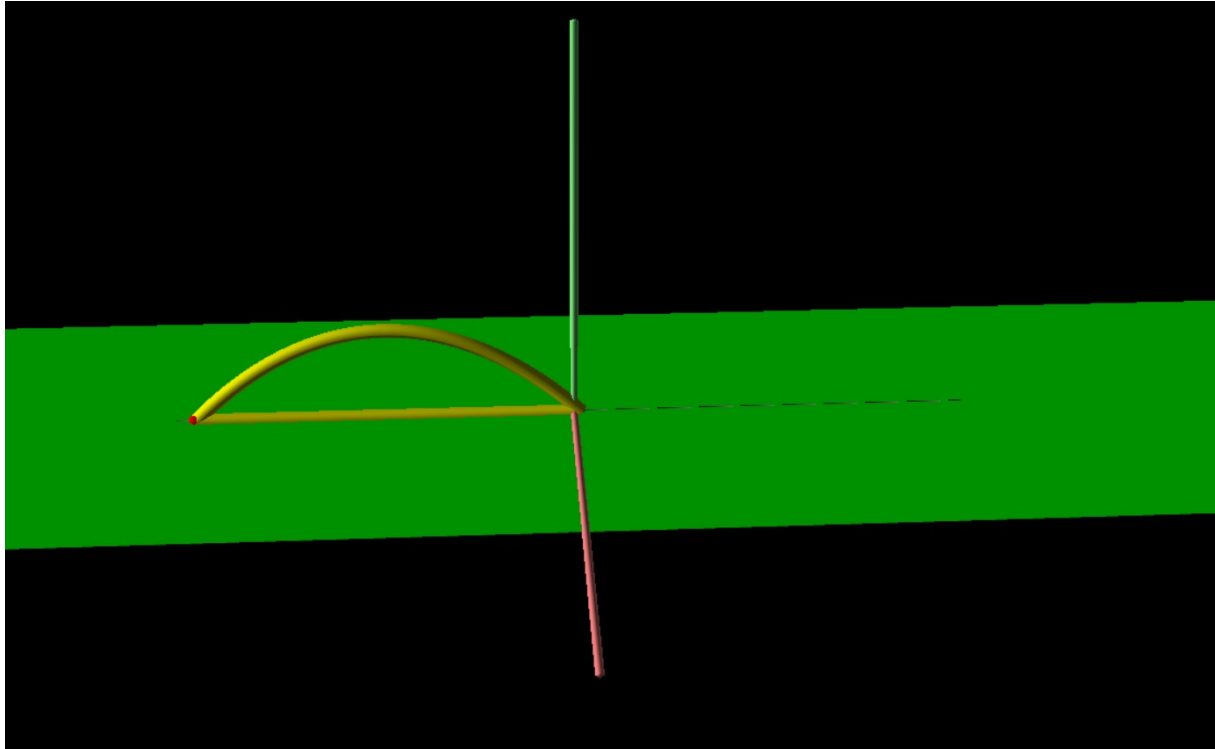
2. Teoria

2.1. Rzut ukośny – ruch w jednorodnym polu grawitacyjnym z prędkością początkową o kierunku ukośnym do kierunku pola. Ruch ten odpowiada ruchowi ciała rzuconego pod kątem do poziomu.

3. Wykorzystane narzędzi i biblioteki

3.1. VPython

VPython jest to Python dodatkowo z modułem graficznym 3D zwanym Visual. VPython pozwala użytkownikowi na tworzenie obiektów w przestrzeni 3D. Pozwala to na łatwe tworzenie prostych wizualizacji, pozwalając programistom skupić się na obliczeniowych aspektach ich programów. Prostota biblioteki VPython stała się narzędziem do ilustracji prostych zjawisk fizycznych, zwłaszcza w środowisku edukacyjnym.



4. Perspektywa rozwoju programu

4.1 Jako przykład weźmiemy ruch poziomy z oporem powietrza. Na początku ciało ma prędkość v_0 . Skutkiem oporu powietrza prędkość ciała będzie spadać. Siła oporu jest proporcjonalna do prędkości ciała.

$$F_x = -kV_x \quad F_y = -kV_y$$

Skutkiem występowania siły oporu ciało będzie zwalniać wytracając prędkość. ponieważ następuje zmiana prędkości ciała więc doznaje ono przyśpieszenia, równego (a). ponieważ ma masę więc z drugiego prawa Newtona wiemy, że doznaje ono siły, równej

$$F = m \cdot a$$

Po uwzględnieniu siły grawitacji skierowanej w dół równania ruchu przybierają postać:

$$m \frac{dV_x}{dt} = -kV_x$$

$$m \frac{dV_y}{dt} = -kV_y - mg$$

Po podzieleniu przez masę dostajemy:

$$\frac{dV_x}{dt} = -\beta V_x$$

$$\frac{dV_y}{dt} = -\beta V_y - g$$

g

Rozwiązania dla prędkości

Rozwiązanie dla $V_x(t)$ z warunkiem początkowym

$$V_x(t=0) = V_{ox} = V_0 \cos(\alpha)$$

$$\mathbf{V_x(t) = V_{ox} * e^{(-\beta * t)} = V_0 * e^{(-\beta t)} * \cos(\alpha)}$$

Rozwiązanie dla $V_y(t)$ z warunkiem początkowym

$$V_y(t=0) = V_{oy} = V_0 \sin(\alpha)$$

$$\mathbf{V_y(t) = (V_{oy} + g/\beta) e^{(-\beta * t)} - g/\beta = (V_0 * \sin(\alpha) + g/\beta) e^{(-\beta t)} - g/\beta}$$

3. Rozwiązania dla współrzędnych: Rozwiązania otrzymujemy przez scałkowanie zależności składowych prędkości od czasu względem czasu:

$$\mathbf{x(t) = V_{ox} / \beta (1 - e^{(-\beta t)})}$$

$$\mathbf{y(t) = (V_{oy}/\beta + g/\beta) (1 - e^{(-\beta t)}) - (g * t)/\beta}$$

Tor ruchu Aby znaleźć równanie toru ruchu ciała wystarczy wyznaczyć z zależności $x(t)$ dwa czynniki: Po wstawieniu tych czynników do równania na $y(t)$ dostajemy równanie toru

$$\mathbf{1 - e^{(-\beta t)} = \beta x / V_{ox} \quad t = (-1/\beta) * (V_{ox} / \beta - x)}$$